



# الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة العادية 2017 - الموضوع -



NS 26

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجية

2	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي (باللغتين العربية والفرنسية)	الشعبة أو المسلك

<u>Instructions au candidat(e)</u>	تعليمات للمترشح(ة)
Important : Le candidat est invité à lire et	هام: يتعين على المترشح قراءة هذه
suivre attentivement ces recommandations.	التوجيهات بدقة والعمل بها

ä	الصفد
$\overline{\ }$	2
6	

### NS 2 6

# الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2017 - الموضوع

## - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي (باللغتين العربية والفرنسية)

Le document que vous avez entre les mains est de	الوثيقة التي بين يديك من 5 صفحات:الأولى
5 pages :la première est réservée aux	منها خاصة بالتوجيهات، والصفحتان 2 و 3
recommandations, les pages 2 et 3 sont réservées	للموضوع باللغة العربية، والصفحتان 4 و 5
au sujet en langue arabe et les pages 4 et 5 au	لنفس الموضوع باللغة الفرنسية اختر إحدى
sujet en langue française. Choisissez une des deux	اللغتين للإجابة على الأسئلة.
langues pour répondre aux questions.	- ,
• Il vous est suggéré de répondre aux questions du sujet avec précision et soin ;	<ul> <li>يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛</li> </ul>
• Il vous est autorisé d'utiliser la calculatrice scientifique non programmable ;	<ul> <li>يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛</li> </ul>
<ul> <li><u>Vous devez justifier les résultats</u> ( Par exemple : lors du calcul des limites , lors du calcul des probabilités ,);</li> </ul>	• ينبغى عليك تعليل النتائج (مثلا: عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات،)؛
Vous pouvez répondre aux exercices selon l'ordre que vous choisissez, mais veuillez numéroter les exercices et les questions tels qu'ils le sont dans le sujet;	يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره (تختارينه)، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة، الوارد في الموضوع؛
Veillez à la bonne présentation de votre copie et à une écriture lisible;	<ul> <li>ينبغي عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مقروء؛</li> </ul>
• Il est souhaitable que les pages soient numérotées pour faciliter la correction;	• يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضمانا لتيسير عملية التصحيح؛
• L'écriture au stylo rouge est à éviter;	<ul> <li>يتعين تجنب الكتابة بقلم أحمر؛</li> </ul>
Assurez-vous que vous avez traité tous les exercices avant de quitter la salle d'examen.	<ul> <li>تحقق(ي) من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.</li> </ul>

التمرين الأول : (4.5 نقطة)

# الامتحان الوطنى الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2017 – الموضوع

### - مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي (باللغتين العربية والفرنسية)

$$\square$$
 نعتبر المتتالية العددية  $u_{n+1}=rac{1}{5}u_n+rac{2}{5}$  و  $u_0=6$  نعتبر المتتالية العددية  $\left(u_n
ight)_{n\in \mathbb{Z}}$ 

- $u_2$   $u_1$   $u_2$  1. 1. 0.5
- $u_n > \frac{1}{2}$ :  $\square$  من n من بالترجع أن لكل 1. 0.75
- $u_{n+1} u_n = \frac{4}{5} \left( \frac{1}{2} u_n \right) : \square$  من n کان لکل n . 1.5. 0.5
  - د. استنتج أن  $(u_n)_{n=1}$  تناقصية وأنها متقاربة. 0.5

$$v_n = u_n - \frac{1}{2}$$
: من  $n$  ککل د نضع لکل 2.

- اً. بین أن  $\left(v_{n}\right)_{n\in\mathbb{N}}$  متتالیة هندسیة محددا أساسها. 0.25
  - $v_0$  الأول ميب حدها الأول ي 0.25

$$u_n = \frac{1}{2} \left( 11 \left( \frac{1}{5} \right)^n + 1 \right)$$
: نكل  $u_n = \frac{1}{2} \left( 11 \left( \frac{1}{5} \right)^n + 1 \right)$  نكل  $v_n$  بدلالة  $v_n$  بدلالة الم

 $\lim_{n\to+\infty}u_n$  .2.2 0.25

$$S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{n-1}$$
 نضع. 3

$$S_n = \frac{55}{8} \left( 1 - \left( \frac{1}{5} \right)^n \right) + \frac{n}{2}$$
 بين أن: 0.75

التمرين الثانى: (4 نقط) التمرين الثانى: (4 نقط) التمرين الثانى على تسع كرات غير قابلة للتمييز باللمس تحمل على التوالي الأعداد: 0 ؛ 0 ؛ 1 ؛ 1 ؛ 1 ؛ 2 ؛ 2 ؛ 2 نسحب عشوائيا وفي آن واحد كرتين من الكيس.

- 1. بين أن عدد حالات السحب الممكنة هو 36 0.75
- 2. ليكن X المتغير العشوائي الذي يساوي مجموع العدين اللذين تحملهما الكرتان المسحوبتان.

$$p(X=2)=\frac{12}{36}$$
 أ. بين أن **2** 0.75

- 2.ب. أنقل الجدول جانبه على ورقة تحريرك ثم أتمم ملأه
  - معللا جوابك.

$x_i$	0	1	2	3	4
$p(X=x_i)$			$\frac{12}{36}$		

X الأمل الرياضي للمتغير العشوائي E(X) الأمل الرياضي

# التمرين الثالث: (8.5 نقطة)

2

$$g(x)=2-rac{2}{r}+\ln x$$
 : يعتبر الدالة العددية  $g$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $g(x)=2-rac{2}{r}$ 

$$]0;+\infty[$$
 واستنتج أن  $g$  تزايدية على ا $g'(x)$  على 1.5

و سب 
$$g(1)$$
 عير مطلوب ) عبر الدالة  $g$  ( حساب النهايتين عند  $g$  و  $g$  غير مطلوب ) 1.25

$$[1;+\infty[$$
 و  $]0;1]$  استنتج إشارة الدالة  $g$  على كل من المجالين:  $[1;0[$  و  $]\infty+;1]$ 

### الجزء الثاني:

NS 26

### الامتحان الوطنى الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2017 - الموضوع

- مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي (باللغتين العربية والفرنسية)

$$f(x)=x-1+(x-2)\ln x$$
 : نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $f(x)=x-1+(x-2)\ln x$ 

$$\lim_{\substack{x\to 0\\x>0}} f(x) = +\infty$$
 1. بين أن 0.75

$$\lim_{x\to+\infty} f(x) = +\infty$$
 نین أن 2 0.75

$$f'(x) = g(x) : ]0; +\infty$$
من من  $x$  من أن لكل  $x$ 

$$]0;+\infty[$$
 و  $[0;+\infty[$  و  $[0;+\infty[$  على  $[0;+\infty[$  و و  $[0;+\infty[$ 

$$f$$
 بالدالة  $\left\lceil \frac{1}{e};2 \right\rceil$  بالدالة عدد صورة المجال  $\left\lceil \frac{1}{e};2 \right\rceil$  بالدالة 1

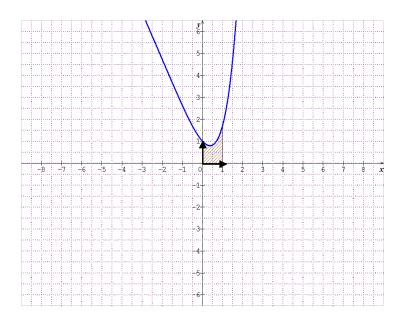
التمرین الرابع :(8) نقط) التمرین الرابع ال $(0;\vec{i};\vec{j})$  المستوی منسوب إلى معلم متعامد ممنظم

 $h(x) = xe^x - 2x + 1$  : بما يلي بما يلي المعرفة على x المعرفة ي المعرفة العددية المعرفة المعرفة على المعرفة على المعرفة العددية المعرفة ا

$$\int_0^1 x e^x dx = 1$$
: 1.5 مكاملة بالأجزاء بين أن 1.5

$$\left(O\,;ec{i}\;;ec{j}
ight)$$
 هو التمثيل المبياني للدالة أ في المعلم  $\left(C_{h}
ight)$  هو 2. في الشكل أسفله

احسب مساحة الحيز المخدش



### Exercice n°1:(4.5pts)

### الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2017 – الموضوع

- مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي (باللغتين العربية والفرنسية)

On considère la suite numérique  $(u_n)_{n\in\mathbb{Z}}$  définie par:  $u_0=6$  et  $u_{n+1}=\frac{1}{5}u_n+\frac{2}{5}$  pour tout n de  $\mathbb{Z}$ 

- **0.5 1.a.** Calculer  $u_1$  et  $u_2$
- **0.75 1.b.** Montrer par récurrence que pour tout  $n \text{ de} \square : u_n > \frac{1}{2}$
- **0.5 1.c.** Vérifier que pour tout n de  $\square$  :  $u_{n+1} u_n = \frac{4}{5} \left( \frac{1}{2} u_n \right)$
- **0.5 1.d.** En déduire que  $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$  est décroissante et qu'elle est convergente.
  - **2.**On pose pour tout  $n \operatorname{de} \square : v_n = u_n \frac{1}{2}$
- **0.25 2.a.** Montrer que  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est une suite géométrique en précisant sa raison.
- **0.25 2.b.** Calculer son premier terme  $v_0$
- **0.75** 2.c. Calculer  $v_n$  en fonction de n et en déduire que pour tout  $n de \square : u_n = \frac{1}{2} \left( 11 \left( \frac{1}{5} \right)^n + 1 \right)$
- **0.25 2.d.** Calculer  $\lim_{n\to+\infty} u_n$ 
  - **3**. On pose  $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_{n-1}$
- **0.75** Montrer que  $S_n = \frac{55}{8} \left( 1 \left( \frac{1}{5} \right)^n \right) + \frac{n}{2}$

### Exercice n°2:(4pts)

2

Un sac contient neuf boules indiscernables au toucher portant respectivement les nombres : 0 ;0 ;1 ;1 ;1 ;1 ;2 ;2;2

On tire simultanément au hasard deux boules du sac.

- **0.75** 1. Montrer que le nombre de cas possibles est 36
  - **2.** Soit X la variable aléatoire qui correspond à la somme des deux nombres portés par les deux boules tirées.
- **0.75 2.a.** Montrer que  $p(X=2) = \frac{12}{36}$ 
  - **2.b.** Copier le tableau ci contre et le compléter en justifiant la réponse.

$\mathcal{X}_{i}$	0	1	2	3	4
$p(X=x_i)$			$\frac{12}{36}$		

**2.c.**Calculer E(X) l'espérance mathématique de la variable aléatoire X

- مادة: الرياضيات - مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسباتي (باللغتين العربية والفرنسية)

## Exercice n°3:(8.5pts)

### Partie I

On considère la fonction numérique  $\emph{g}$  de la variable réelle  $\emph{x}$  définie sur  $]0;+\infty[$  par

$$g(x) = 2 - \frac{2}{x} + \ln x$$

**1.5** 1. Calculer g'(x) et en déduire que g est croissante sur  $]0;+\infty[$ 

**1.25** 2.a. Calculer g(1) et dresser le tableau de variations de la fonction g (Le calcul des limites en 0 et en  $+\infty$  n'est pas demandé)

**2.b.** En déduire le signe de g sur chacun des intervalles ]0;1] et  $[1;+\infty[$ 

### **Partie II**

On considère la fonction numérique f de la variable réelle x définie sur  $0;+\infty[$  par :

$$f(x) = x - 1 + (x - 2) \ln x$$

**0.75** 1. Montrer que :  $\lim_{\substack{x\to 0\\x>0}} f(x) = +\infty$ 

**0.75** 2. Montrer que :  $\lim_{x\to +\infty} f(x) = +\infty$ 

**0.75** 3.a. Montrer que f'(x) = g(x) pour tout x de  $0; +\infty$ 

**1.5** 3.b. Calculer f(1), f(2) et  $f(\frac{1}{e})$  puis dresser le tableau de variations de f sur  $]0;+\infty[$ 

**1** 3.c. En utilisant le tableau de variations déterminer l'image par f de l'intervalle  $\begin{bmatrix} \frac{1}{e};2 \end{bmatrix}$ 

# Exercice n°4:(3pts)

Le plan est rapporté à un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ 

On considère la fonction numérique h de la variable réelle x définie sur IR par :

$$h(x) = xe^x - 2x + 1$$

**1.5 1.** En utilisant une intégration par parties montrer que :  $\int_0^1 xe^x dx = 1$ 

**2.** Dans la figure ci-dessous  $(C_h)$  est la courbe représentative de h dans le repère  $(O;\vec{i};\vec{j})$ 

1.5 Calculer l'aire de la partie hachurée

