



## Exercice 1

Soit  $f$  et  $F$  les fonctions suivantes définies sur l'intervalle  $I$ . Montrer que  $F$  est une primitive de  $f$  sur  $I$  dans chacun des cas suivants :

1)  $f(x) = 6x^2 - 10x + 3 ; F(x) = 2x^3 - 5x^2 + 3x + 10 ; I = \mathbb{R}$

2)  $f(x) = 7\cos x - 5\sin x ; F(x) = 5\cos x + 7\sin x + 2 ; I = \mathbb{R}$

3)  $f(x) = \frac{-2x^2 - 2x + 1}{(x^2 + x + 1)^2} ; F(x) = \frac{2x + 1}{x^2 + x + 1} ; I = \mathbb{R}$

4)  $f(x) = \frac{1}{\cos^2 x} ; F(x) = \tan x + 3 ; I = \left] -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right[$

5)  $f(x) = -\cos x - x\sin x ; F(x) = x\cos x - 2\sin x + 7 ; I = \mathbb{R}$

## Exercice 2

La fonction  $G$  est-elle une primitive de la fonction  $g$  sur l'intervalle  $I$  dans les cas suivants :

1)  $G(x) = \frac{x^2 - 3}{x} ; g(x) = \frac{x^2 + 3}{x^2} ; I = \mathbb{R}$

2)  $G(x) = -2\sqrt{10 + \cos x} ; g(x) = \frac{\sin x}{\sqrt{10 + \cos x}} ; I = \mathbb{R}$

3)  $G(x) = \frac{1}{12}(3x + 5)^4 + 11 ; g(x) = (3x + 5)^3 ; I = \mathbb{R}$

4)  $G(x) = 5\sqrt[3]{x} + 2x - 4 ; g(x) = \sqrt[3]{x} + 2 ; I = ]0, +\infty[$

## Exercice 3

Déterminer une primitive de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $I$ , dans chacun des cas suivants :

1)  $f(x) = 2x + 5 ; I = \mathbb{R}$

2)  $f(x) = 3x^2 - 5x + 7 ; I = \mathbb{R}$

3)  $f(x) = \frac{1}{(x + 2)^2} ; I = \mathbb{R} - \{-2\}$

4)  $f(x) = \frac{6}{(x - 3)^2} ; I = \mathbb{R} - \{3\}$

5)  $f(x) = 5(x + 5)^4 ; I = \mathbb{R}$

6)  $f(x) = 5(2x - 1)(x^2 - x + 5)^4 ; I = \mathbb{R}$

7)  $f(x) = 3(2x + 3)(x^2 + 3x + 7)^4 ; I = \mathbb{R}$

8)  $f(x) = \frac{2x + 3}{(x^2 + 3x + 4)^4} ; I = \mathbb{R}$

9)  $f(x) = \frac{x + 1}{(x^2 + 2x + 7)^3} ; I = \mathbb{R}$

10)  $f(x) = \frac{1}{x^2 + 2x + 2} ; I = \mathbb{R}$

11)  $f(x) = \frac{4x + 2}{1 + (x^2 + x + 7)^2} ; I = \mathbb{R}$



12)  $f(x) = \frac{3\sin x}{(2 - \cos x)^2}; I = \mathbb{R}$

13)  $f(x) = \frac{\cos x}{1 - \cos^2 x}; I = ]0, \pi[$

**Exercice 4**

On considère la fonction  $f$  définie sur  $D_f = \mathbb{R} - \{1\}$  par :  $f(x) = \frac{2x+3}{(x-1)^3}$

1) Déterminer deux réels  $a$  et  $b$  tel que pour tout  $x \in D$ ,  $f(x) = \frac{a}{(x-1)^2} + \frac{b}{(x-1)^3}$

2) En déduire l'expression d'une primitive  $F$  de  $f$  sur  $I = ]1, +\infty[$

**Exercice 5**

Soit  $g$  définie sur  $D = \mathbb{R} - \{2\}$  par :  $g(x) = \frac{x^2 - 4x - 2}{(x-2)^2}$

1) Déterminer deux réels  $a$  et  $b$  tel que pour tout  $x \in D$ , on ait  $f(x) = a + \frac{b}{(x-2)^2}$

2) En déduire une primitive  $F$  de  $f$  sur  $I = ]2, +\infty[$

**Exercice 6**

Déterminer la primitive  $F$  de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $I$  telle que  $F(x_0) = y_0$  dans chacun des cas suivants :

1)  $f(x) = 6x^2 + 2x + 1; I = \mathbb{R}; x_0 = 1; y_0 = 7$

2)  $f(x) = \cos\left(2x + \frac{\pi}{3}\right); I = \mathbb{R}; x_0 = \frac{\pi}{3}; y_0 = 0$

3)  $f(x) = \frac{5}{(x+1)^2}; I = \mathbb{R} - \{-1\}; x_0 = 4; y_0 = -1$

4)  $f(x) = 5(2x+1)^4; I = \mathbb{R}; x_0 = 0; y_0 = 1$

5)  $f(x) = \frac{1}{x^2 + 2x + 2}; I = \mathbb{R}; x_0 = 0; y_0 = \pi$